MATLAB: DO FUNDAMENTAL À INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

FILIPE AZEVEDO



AUTOR

Filipe Azevedo

TÍTULO

MATLAB: DO FUNDAMENTAL À INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

EDICÃO

Quântica Editora - Conteúdos Especializados, Lda.

Tel. 220 939 053 · E-mail: geral@quanticaeditora.pt · www.quanticaeditora.pt

Praça da Corujeira n.º 38 · 4300-144 PORTO

CHANCELA

Engebook - Conteúdos de Engenharia

DISTRIBUIÇÃO

Booki - Conteúdos Especializados

Tel. 220 104 872 · E-mail: info@booki.pt · www.booki.pt

DESIGN DE CAPA

Luciano Carvalho

Delineatura, Design de Comunicação · www.delineatura.pt

IMPRESSÃO

Julho, 2025

DEPÓSITO LEGAL

550494/25



A cópia ilegal viola os direitos dos autores.

Os prejudicados somos todos nós.

Copyright © 2025 | Todos os direitos reservados a Quântica Editora – Conteúdos Especializados, Lda. A reprodução desta obra, no todo ou em parte, por fotocópia ou qualquer outro meio, seja eletrónico, mecânico ou outros, sem prévia autorização escrita do Editor e do Autor, e ilícita e passível de procedimento judicial contra o infrator.

Este livro encontra-se em conformidade com o novo Acordo Ortográfico de 1990, respeitando as suas indicações genéricas e assumindo algumas opções específicas.

CDU

004.4 Software. Equipamento, programas

004.8 Inteligência artificial

519.6 Matemática computacional. Análise numérica e programação matemática.

Matemática para engenharia

004.45 Software de sistemas

62 Engenharia. Tecnologia em geral

ISBN

Papel: 9789899177857 E-book: 9789899177864

Catalogação da publicação Família: Engenharia

Subfamília: Linguagens de Programação

Conteúdo

1 Introdução											
	1.1	Janelas do MATLAB									
	1.2	Variáveis									
	1.3	Operações aritméticas simples em MATLAB									
	1.4	Arredondamentos									
	1.5	Operadores lógicos									
	1.6	Operadores relacionais									
	1.7	Funções trigonométricas									
2	Cor	Controlo de Fluxo 9									
	2.1	Introdução									
	2.2	Instrução seletiva IF									
		2.2.1 Seleção alternativa <i>IFELSE</i>									
		2.2.2 Seleção alternativa imbricada IFELSEIFELSE 11									
	2.3	Instrução repetitiva FOR									
	2.4	Instrução repetitiva WHILE									
	2.5	Seleção de casos SWITCH									
	2.6	Instrução TRY-CATCH									
	2.7	Exercícios									
3	Ma	trizes e Estruturas 19									
	3.1	Introdução									
	3.2	Tipos de dados									
	3.3	Criação de matrizes multidimensionais									
	3.4	Tamanho e dimensão de matrizes									
	3.5	Pré-alocação de matrizes									
	3.6	Concatenação de matrizes									

vi Conteúdo

	3.7		26
	3.8	Modificar a forma de uma matriz	27
	3.9	Indexação de matrizes multidimensionais	28
	3.10	Manipulação de matrizes de números reais ou complexos 2	29
	3.11	Exercícios	32
4	Grá	ficos 3	5
	4.1	Introdução	35
	4.2	Componentes de um gráfico	35
	4.3	Gráficos 2-D	36
			39
	4.4		11
			11
	4.5		12
	4.6		19
	4.7		50
5	Fich	neiros-M 5	3
	5.1	Scripts	53
		1	54
			55
	5.2		55
			57
			58
	5.3		58
6	Opt	imização 6	1
	6.1	-	31
	6.2		32
			32
			32
	6.3		33
			33
		· /	33
		g g v (•//	33
		3 ()	33
		3	34
	6.4		34

Conteúdo vii

		6.4.1	Funções Nativas					
		6.4.2	Optimization Toolbox					
		6.4.3	Global Optimization Toolbox 64					
		6.4.4	Interface Gráfica					
	6.5	Exem	plos Práticos em MATLAB 65					
		6.5.1	Programação Linear					
		6.5.2	Otimização Não Linear					
		6.5.3	Otimização Global com GA 65					
		6.5.4	Otimização Global com PSO 66					
	6.6	Exem	plo Prático Completo					
		6.6.1	Formulação					
		6.6.2	Resolução com intlinprog 66					
		6.6.3	Resolução com GA					
		6.6.4	Resolução com PSO 67					
	6.7	Otimi	zação Multiobjetivo e Avançada					
		6.7.1	Otimização Multiobjetivo					
		6.7.2	Otimização Sob Incerteza					
		6.7.3	Metodologias Híbridas e Paralelização					
	6.8	Exerc	ícios Propostos					
7	Rec	edes Neuronais 7						
	7.1	Redes	Neuronais em MATLAB 71					
	7.2	Introd	lução Teórica					
		7.2.1	Motivação e História					
		7.2.2	O Neurónio Artificial					
		7.2.3	Arquiteturas de Rede					
	7.3	Prepa	ração e Pré-processamento dos Dados 72					
	7.4	Tipos	de Redes Neuronais no MATLAB					
		7.4.1	Tabela Comparativa					
	7.5	Funci	onamento Matemático e Algoritmos de Treino 74					
		7.5.1	Função de Custo					
		7.5.2	Backpropagation					
		7.5.3	Condições de Otimalidade					
	7.6	Exem	plo Prático: Classificação com Rede Feedforward 75					
		7.6.1	Passos Gerais					
		7.6.2	Código MATLAB					
	7.7	Treino	o, Validação e Regularização					

viii Conteúdo

		7.7.1 7.7.2	Evitar Overfitting
	7.0		3
	7.8		Recorrentes e Séries Temporais
	7.0	7.8.1	Exemplo NARX
	7.9		ização e Interpretação dos Resultados
		_	ntas Frequentes e Dicas
	7.11	-	olos Avançados e Casos de Estudo
			Transferência de Aprendizagem com CNN
			Clustering com Kohonen
			ısão
	7.13	Exercí	cios Propostos
8	Dee	n Lear	ning: Técnicas e Aplicações Avançadas 79
	8.1	-	ução ao Deep Learning Avançado em MATLAB 79
	8.2	Evolue	ção e Estado da Arte do Deep Learning 79
		8.2.1	Do Perceptron às Redes Profundas 79
		8.2.2	Tendências Atuais
	8.3	Arquit	teturas Profundas e Modernas 80
		8.3.1	Redes Convolucionais Avançadas (CNNs) 80
		8.3.2	Redes Recorrentes, LSTM e Transformers 80
		8.3.3	Redes Generativas Adversariais (GANs) 81
		8.3.4	Redes Siamesas e Triplet Networks
	8.4		eas Avançadas de Treino e Regularização
		8.4.1	Data Augmentation Avançado
		8.4.2	Regularização e Otimização
		8.4.3	Otimização de Hiperparâmetros
		8.4.4	Treino Distribuído e Multi-GPU
	8.5		Ferência de Aprendizagem e Fine-Tuning
	0.0	8.5.1	Transfer Learning
		8.5.2	Fine-Tuning e Congelamento de Camadas 82
	8.6		yment, Otimização e Edge AI
	0.0	8.6.1	Otimização de Modelos para Produção
		8.6.2	Deployment
	8.7		
	0.1	8.7.1	abilidade, Ética e Segurança em Deep Learning 83 Explicabilidade de Modelos 83
		8.7.2	Ética e Viés
		8.7.3	Segurança e Robustez

Conteúdo ix

	8.8	Integra 8.8.1	3	84 84
		8.8.2	Pipelines MLOps	84
	8.9	Desafie	os Atuais e Futuro do Deep Learning	84
	8.10	Casos	de Estudo Avançados	84
		8.10.1	Deteção de Anomalias em Sinais Industriais com Auto- encoders	84
		8.10.2	Geração de Imagens Médicas Sintéticas com GANs	85
		8.10.3	Previsão de Séries Temporais Energéticas com LSTM e	
			Transformers	85
	8.11	Exercí	cios Propostos	85
9		•	, , , , , , , , , , , , , , , , , , , ,	87
	9.1		3	87
	9.2			87
	9.3			88
		9.3.1	()	88
	0.4	9.3.2	1	89
	9.4			89
		9.4.1		89
		9.4.2	1 3 1 3	89
	~ ~	9.4.3		89
	9.5	_	0	89
		9.5.1	3	89
		9.5.2	P******	90
	0.0	9.5.3	1	90
	9.6			90
		9.6.1		90
		9.6.2		90
		9.6.3	1	91
	o =	9.6.4	3	91
	9.7		3	92
		9.7.1		92
		9.7.2	8	92
		9.7.3	3	92
		9.7.4	3	92
		9.7.5	Jogos e Simulação	92

x Conteúdo

	9.8	Parale	lização, Deployment e Integração 9	2
		9.8.1		2
		9.8.2	Deployment	2
		9.8.3	Importação/Exportação de Políticas 9	3
	9.9	Desafie	os Atuais e Tendências Futuras	3
	9.10	Dicas 1	Práticas e Boas Práticas 9	3
	9.11	Exercí	cios Propostos	3
10	Mat	emátic	ca Simbólica 9	5
				5
				5
				6
				7
	10.2	Funda	mentos do Symbolic Math Toolbox 9	7
		10.2.1	Tipos de Dados Simbólicos 9	7
		10.2.2	Criação de Variáveis e Expressões Simbólicas 9	7
		10.2.3	Operações Básicas com Expressões Simbólicas 9	8
		10.2.4	Substituição e Avaliação	9
		10.2.5	Conversão entre Formatos Simbólicos e Numéricos 9	9
	10.3	Álgebr	a Simbólica Avançada	0
		10.3.1	Manipulação Algébrica de Expressões 10	0
		10.3.2	Simplificação de Expressões	1
		10.3.3	Manipulação de Frações Racionais 10	1
		10.3.4	Polinómios Simbólicos	2
		10.3.5	Expressões Trigonométricas	2
	10.4	Cálcul	o Diferencial Simbólico	3
		10.4.1	Derivadas Simples e Parciais	3
		10.4.2	Diferenciação Implícita	3
		10.4.3	Gradientes, Divergência e Rotacional 10	4
			Regra da Cadeia e Aplicações	4
		10.4.5	Jacobiano e Matriz Hessiana	5
	10.5	Cálcul	o Integral Simbólico	5
		10.5.1	Integração Indefinida	5
			Técnicas Avançadas de Integração 10	6
		10.5.3	Integrais Definidas	6
		10.5.4	Integrais Impróprias	7
		10.5.5	Integrais Múltiplas	7

Conteúdo xi

	10.5.6	Aplicações em Física e Engenharia	 		107
10.6	Limite	es, Séries e Aproximações	 		108
	10.6.1	Cálculo de Limites	 		108
	10.6.2	Séries de Taylor e Maclaurin	 		109
	10.6.3	Séries de Fourier	 		109
	10.6.4	Resíduos e Integrais de Contorno	 		110
10.7	Equaçõ	ões e Sistemas	 		110
	10.7.1	Resolução de Equações Algébricas	 		110
	10.7.2	Sistemas de Equações Lineares	 		111
	10.7.3	Sistemas Não-Lineares	 		111
	10.7.4	Equações Diferenciais Ordinárias (EDOs)	 		112
	10.7.5	EDOs com Condições Iniciais	 		112
	10.7.6	Sistemas de EDOs	 		113
10.8	Álgebr	ra Linear Simbólica	 		114
	10.8.1	Matrizes e Vetores Simbólicos	 		114
	10.8.2	Operações Matriciais Simbólicas	 		114
		Determinantes e Inversas			115
		Valores e Vetores Próprios			115
	10.8.5	Decomposições Matriciais (SVD, QR, LU)	 		116
		Espaços Nulos e Imagens			116
10.9		formadas			116
		Transformada de Laplace			116
	10.9.2	Transformada Inversa de Laplace	 		117
		Aplicações em EDOs			117
		Transformada de Fourier			118
		Transformada Z			118
10.10	-	ções em Física e Engenharia	 		119
		1 Mecânica			119
		2 Eletromagnetismo			119
		3 Termodinâmica			120
	10.10.4	4 Controlo	 		120
10.1	-	ções em Matemática Financeira			120
		1 Fórmulas de Juros Compostos			120
		2 Avaliação de Opções			121
		3 Séries de Fluxos de Caixa			121
10.12	2Visuali	ização de Expressões Simbólicas	 		122
	10.12.1	1 Plotagem de Funções Simbólicas	 		122

xii Conteúdo

	10.12.2 Gráficos de Superfície e Contorno	122
	10.12.3 Representação Implícita de Curvas e Superfícies	123
	10.12.4 Geração de Figuras Paramétricas	123
	10.13 Técnicas Avançadas e Otimização	124
	10.13.1 Aritmética de Precisão Variável	124
	10.13.2 Otimização Simbólica	125
	10.13.3 Integração com Métodos Numéricos	125
	10.13.4 Uso de Pressupostos e Condições	126
	10.14Exportação e Integração	126
	10.14.1 Geração de Código MATLAB	126
	10.14.2 Exportação para LaTeX	127
	$10.14.3\mathrm{Exporta}$ ção para C/C++	127
	10.14.4 Integração com Simulink	128
	10.15Casos de Estudo Completos	128
	10.15.1 Robótica: Cinemática Direta e Inversa	128
	10.15.2 Projeto de Filtros Digitais	128
	10.15.3 Teoria de Controlo: Sistema de Pêndulo Invertido	129
	10.15.4 Problemas Clássicos de Cálculo Variacional	130
	10.16Dicas, Truques e Boas Práticas	130
	10.16.1 Otimização de Desempenho	130
	10.16.2 Debugging de Expressões Simbólicas	131
	10.16.3 Simplificação Eficaz	131
	10.16.4 Trabalho com Expressões Complexas	132
	10.17Exercícios Propostos	132
	10.18Apêndice: Funções de Matemática Simbólica	134
	10.18.1 Tabela Resumo de Funções Importantes	134
	10.18.2 Exemplos de Código One-Liners	134
		- a -
11		137
	11.1 Introdução ao Processamento de Sinal em MATLAB	137
	11.2 Fundamentos de Sinais e Sistemas	137
	11.2.1 Definição de Sinal e Sistema	137
	11.2.2 Classificação de Sinais	138
	11.2.3 Amostragem e Quantização	138
	11.3 Representação e Visualização de Sinais no MATLAB	139
	11.3.1 Criação e Importação de Sinais	139
	11.3.2 Visualização Temporal e Espectral	139

Conteúdo xiii

	11.4	Transformadas no Processamento de Sinal	139
		11.4.1 Transformada de Fourier	139
		11.4.2 Transformada de Fourier de Tempo Curto (STFT)	140
		11.4.3 Transformada Wavelet	140
	11.5	Filtragem de Sinais	140
		11.5.1 Teoria de Filtragem	140
		11.5.2 Filtros FIR e IIR	141
		11.5.3 Projeto e Análise de Filtros	141
		11.5.4 Filtros Adaptativos	141
	11.6	Análise Espectral e Estatística de Sinais	142
		11.6.1 Densidade Espectral de Potência	142
		11.6.2 Parâmetros Estatísticos	142
	11.7	Processamento de Áudio Digital	142
		11.7.1 Aquisição, Reprodução e Gravação	142
		11.7.2 Processamento de Efeitos e Remoção de Ruído	142
		11.7.3 Análise de Pitch e Formantes	143
	11.8	Identificação e Modelação de Sistemas	143
		11.8.1 Identificação de Sistemas Lineares	143
		11.8.2 Resposta ao Impulso e Passo	143
	11.9	Aplicações Avançadas e Processamento em Tempo Real $\ \ldots \ \ldots$	144
		11.9.1 Processamento em Tempo Real	144
		11.9.2 Desenvolvimento de Interfaces Gráficas para Sinais	144
	11.10	DExercícios Propostos	145
		11.10.1 Exercícios Básicos	145
		$11.10.2\mathrm{Exercícios\ Interm\'edios}\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\ .\$	145
		$11.10.3\mathrm{Exerc}$ ícios Avançados	145
	11.11	1Boas Práticas e Otimização em MATLAB	145
12	Pro	cessamento de Imagem	147
		Introdução ao Processamento de Imagem em MATLAB	147
		12.1.1 História e Evolução do Processamento de Imagem	147
		12.1.2 A Image Processing Toolbox	148
	12.2	Fundamentos de Imagens Digitais	148
		12.2.1 Representação Digital de Imagens	148
		12.2.2 Tipos de Dados para Imagens	149
	12.3	Operações Básicas com Imagens	149
		12.3.1 Leitura e Visualização de Imagens	

xiv Conteúdo

	12.3.2	Gravação de Imagens
	12.3.3	Visualização de Múltiplas Imagens 150
	12.3.4	Extração de Informação da Imagem 150
12.4	Transf	ormações Geométricas
	12.4.1	Redimensionamento
	12.4.2	Rotação
	12.4.3	Corte (Crop)
12.5	Manip	ulação de Cor e Contraste
	12.5.1	Conversão entre Espaços de Cor
	12.5.2	Ajuste de Contraste
	12.5.3	Equalização de Histograma
	12.5.4	Manipulação de Canais RGB
12.6	Filtrag	gem e Suavização
	12.6.1	Filtros de Média
	12.6.2	Filtros Gaussianos
	12.6.3	Filtros de Mediana
12.7	Deteçã	to de Bordas
	12.7.1	Operadores de Gradiente
	12.7.2	Operador Laplaciano
	12.7.3	Detetor de Bordas Canny
		Visualização Comparativa
12.8	Segme	ntação de Imagem
	12.8.1	Binarização e Threshold
		Segmentação por Watershed
	12.8.3	K-means para Segmentação
12.9	Morfol	ogia Matemática
	12.9.1	Operações Morfológicas Básicas
	12.9.2	Extração de Características Morfológicas 158
	12.9.3	Operações Avançadas de Morfologia 159
12.10)Anális	e de Regiões e Objetos
	12.10.1	Rotulagem de Objetos
	12.10.2	Extração de Propriedades
	12.10.3	3 Filtro de Objetos por Propriedades 160
12.1	Transf	ormações no Domínio da Frequência
	12.11.1	Transformada de Fourier
		Piltragem no Domínio da Frequência 161
	12.11.3	BTransformada Discreta de Cosseno (DCT) 162

Conteúdo xv

	12.12	2Reconh	necimento e Deteção de Objetos	62
		12.12.1	Deteção de Círculos com Transformada de Hough 1	62
		12.12.2	Deteção de Linhas com Transformada de Hough 1	63
		12.12.3	Template Matching	64
	12.13	3Aplica ₉	ções Avançadas	64
				64
		12.13.2	Registo de Imagem (Image Registration)	65
		12.13.3	Restauração de Imagem	66
	12.14	4Desenv	olvimento de Interfaces de Utilizador (GUIs) 1	67
		12.14.1	Exemplo de Interface para Processamento de Imagem $$. $$ 1	67
	12.15	5Exercío	cios Propostos	70
		12.15.1	Exercícios Básicos	70
		12.15.2	Exercícios Intermédios	71
		12.15.3	Exercícios Avançados	71
	12.16	6Melhor	es Práticas e Dicas	71
		12.16.1	Otimização de Desempenho	71
		12.16.2	Gestão de Memória	72
		12.16.3	Visualização e Apresentação	72
1 0	Т / (- 4		- Normania - Matadas Communications in 12	70
13			•	73
13		Introdu	ıção à Matemática Numérica	73
13	13.1	Introdu 13.1.1	ıção à Matemática Numérica	73 73
13	13.1	Introdu 13.1.1 Erros M	ıção à Matemática Numérica	73 73 74
13	13.1	Introdu 13.1.1 Erros N 13.2.1	ıção à Matemática Numérica	73 73 74 74
13	13.1 13.2	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1	73 73 74 74 74
13	13.1 13.2	Introdu 13.1.1 Erros N 13.2.1 13.2.2 Resoluc	ıção à Matemática Numérica	73 74 74 74 74
13	13.1 13.2	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1	ıção à Matemática Numérica	73 74 74 74 74 74
13	13.113.213.3	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2	ıção à Matemática Numérica	73 74 74 74 74 74 75
13	13.113.213.3	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistema	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1	73 74 74 74 74 75 75
13	13.113.213.3	Introdu 13.1.1 Erros N 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistema 13.4.1	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1 Eliminação de Gauss com Pivotagem 1	73 74 74 74 74 75 75
13	13.113.213.313.4	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistema 13.4.1 13.4.2	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1 Eliminação de Gauss com Pivotagem 1 Métodos Iterativos 1	73 74 74 74 74 75 75 76
13	13.113.213.313.4	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistema 13.4.1 13.4.2 Interpo	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1 Eliminação de Gauss com Pivotagem 1 Métodos Iterativos 1 blação e Aproximação 1	73 74 74 74 74 75 75 76 76
13	13.113.213.313.4	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistema 13.4.1 13.4.2 Interpor 13.5.1	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1 Eliminação de Gauss com Pivotagem 1 Métodos Iterativos 1 blação e Aproximação 1 Polinômio de Lagrange 1	73 74 74 74 75 75 76 76
13	13.113.213.313.413.5	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistema 13.4.1 13.4.2 Interpol 13.5.1 13.5.2	nção à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1 Eliminação de Gauss com Pivotagem 1 Métodos Iterativos 1 Dação e Aproximação 1 Polinômio de Lagrange 1 Splines Cúbicos 1	73 74 74 74 75 75 76 76 76
13	13.113.213.313.413.5	Introdu 13.1.1 Erros N 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistems 13.4.1 13.4.2 Interpo 13.5.1 13.5.2 Integra	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1 Eliminação de Gauss com Pivotagem 1 Métodos Iterativos 1 Dação e Aproximação 1 Polinômio de Lagrange 1 Splines Cúbicos 1 ção Numérica 1	73 74 74 74 75 75 76 76 77
13	13.113.213.313.413.5	Introdu 13.1.1 Erros M 13.2.1 13.2.2 Resoluc 13.3.1 13.3.2 Sistema 13.4.1 13.4.2 Interpol 13.5.1 13.5.2 Integra 13.6.1	Ição à Matemática Numérica 1 Áreas de Aplicação 1 Numéricos e Estabilidade 1 Tipos de Erros 1 Condicionamento de Problemas 1 ção de Equações Não-Lineares 1 Método de Newton-Raphson 1 Método da Secante 1 as de Equações Lineares 1 Eliminação de Gauss com Pivotagem 1 Métodos Iterativos 1 Dlação e Aproximação 1 Polinômio de Lagrange 1 Splines Cúbicos 1 ção Numérica 1 Regra de Simpson Composta 1	73 74 74 74 75 75 76 76 77

xvi Conteúdo

	13.7	Equações Diferenciais Ordinárias	78
		13.7.1 Método de Euler	78
			78
	13.8	Otimização Numérica	79
		13.8.1 Método do Gradiente Descendente	79
	13.9	Exercícios Propostos	79
		13.9.1 Exercícios Básicos	79
		13.9.2 Exercícios Intermédios	79
		13.9.3 Exercícios Avançados	80
	13.10)Boas Práticas em Cálculo Numérico	80
14	Siste	emas de Controlo e Simulink	81
	14.1	Introdução aos Sistemas de Controlo com MATLAB e Simulink 1	81
		14.1.1 MATLAB vs Simulink	81
	14.2	Modelação de Sistemas em Simulink	82
		14.2.1 Construção de Modelos Dinâmicos	82
		14.2.2 Integração com MATLAB	82
	14.3	Projeto de Controladores em Simulink	83
		14.3.1 Controlador PID	83
		14.3.2 Projeto e Análise de Controladores	83
	14.4	Simulação de Sistemas Não Lineares e Multidomínio $\ \ldots \ \ldots \ 1$	84
		14.4.1 Modelação de Não Linearidades	84
		14.4.2 Sistemas Multidomínio	84
	14.5	Implementação e Simulação em Tempo Real	84
		14.5.1 Simulink Real-Time e Hardware-in-the-Loop (HIL) 1	84
		$14.5.2\;$ Aquisição e Processamento de Dados em Tempo Real $\;$. $\;1\;$	85
	14.6	Exemplo Prático: Projeto de um Sistema de Controlo de Velo-	
			85
	14.7	•	86
			86
			86
		3	86
	14.8	Boas Práticas em Modelação e Simulação com Simulink 1	86
15	Rev	isões 18	89
	15.1	Exercícios Propostos	89

Matrizes e Estruturas 25

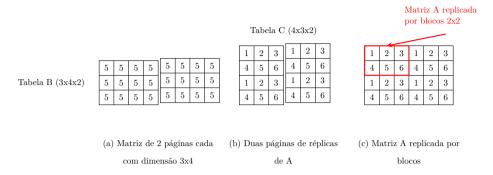


Figura 3.8: Pré-alocação de matrizes.

3.6 Concatenação de matrizes

a) Utilização de parêntesis retos

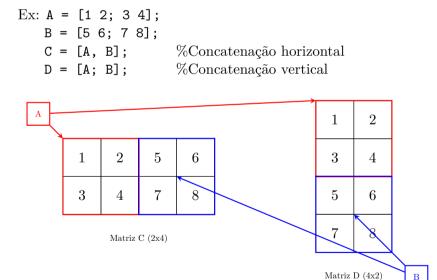


Figura 3.9: Concatenação de matrizes.

b) Funções horzcat e vertcat

```
horzcat(A,B,C, ...)
```

Gráficos 49

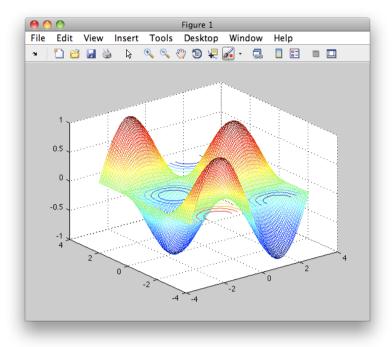


Figura 4.13: Função mesh e contour na mesma figura

4.6 Função subplot

A função subplot permite construir vários gráficos na mesma janela dividindoa em linhas e colunas. Considere o exemplo seguinte:

```
>>figure(1) % Cria a janela da figura
>>subplot(2,1,1) % Divide a janela da figura em 2 linhas e 1 coluna
% e constrói o gráfico na posição (1,1)

>>contour(X,Y,Z);
>>subplot(2,1,2) % Constrói o gráfico na posição (2,1) da janela
% da figura

>>mesh
```

O resultado é apresentado na Figura 4.14.

```
10 % Curva paramétrica 3D (hélice)
  syms t
11
_{12}|x = \cos(t);
_{13} y = \sin(t);
_{14}|_{z} = t/(2*pi);
15 fplot3([x, y, z], [0, 4*pi])
16 title ('Hélice')
  grid on
18
  % Superfície paramétrica (toróide)
19
20 svms u v
|x| = (2 + \cos(v)) * \cos(u);
y = (2 + \cos(v))*\sin(u);
z = \sin(v);
24 fsurf([x, y, z], [0, 2*pi, 0, 2*pi])
25 title('Toróide')
```

10.13 Técnicas Avançadas e Otimização

10.13.1 Aritmética de Precisão Variável

O MATLAB permite cálculos com precisão arbitrária:

```
% Cálculo de com 100 dígitos
pi_100 = vpa(pi, 100)

% Cálculo de e^ com 50 dígitos
e_pi = vpa(exp(pi), 50)

% Raiz quadrada de 2 com 30 dígitos
sqrt2 = vpa(sqrt(2), 30)

% Operações com precisão variável
x = vpa(1)/3;
y = sin(vpa(pi)/3);
z = x * y;
digits(40); % Altera a precisão padrão
```

```
'Callback', @carregarImagem);
17
18
      uicontrol('Parent', fig, 'Style', 'pushbutton', ...
               'String', 'Escala de Cinza', ...
20
               'Position', [50, 150, 120, 30], ...
               'Callback', @converterCinza);
23
      uicontrol('Parent', fig, 'Style', 'pushbutton', ...
24
               'String', 'Deteção de Bordas', ...
               'Position', [50, 100, 120, 30], ...
26
               'Callback', @detecaoBordas);
27
      uicontrol('Parent', fig, 'Style', 'pushbutton', ...
29
               'String', 'Equalizar Histograma', ...
30
               'Position', [180, 150, 120, 30], ...
               'Callback', @equalizarHistograma);
32
      uicontrol('Parent', fig, 'Style', 'pushbutton', ...
34
               'String', 'Filtro Mediana', ...
35
               'Position', [180, 100, 120, 30], ...
36
               'Callback', OfiltroMediana);
38
      % Variáveis para armazenar imagens
30
      imagem_original = [];
40
      imagem processada = [];
41
42
      % Callbacks
43
      function carregarImagem(~, ~)
44
          [filename, pathname] = uigetfile({'*.jpg;*.png;*.bmp',
45
              'Imagens'});
          if filename ~= 0
46
              imagem original = imread(fullfile(pathname, filename));
47
              axes(axes original);
48
              imshow(imagem original);
49
             title(axes_original, 'Imagem Original');
50
             % Inicializar imagem processada
              imagem_processada = imagem_original;
             axes(axes_processada);
54
              imshow(imagem_processada);
             title(axes_processada, 'Imagem Carregada');
56
          end
```

13.2 Erros Numéricos e Estabilidade

13.2.1 Tipos de Erros

- Erro de truncatura: Resultante da aproximação de processos infinitos
- Erro de arredondamento: Decorrente da precisão finita dos computadores
- Erro de modelação: Diferença entre realidade física e modelo matemático

13.2.2 Condicionamento de Problemas

O número de condição de uma matriz $(\kappa(A) = ||A|| ||A^{-1}||)$ determina a sensibilidade do sistema Ax = b a perturbações:

```
A = [1, 0.99; 0.99, 0.98];

cond_num = cond(A);

disp(['Número de condição: ', num2str(cond_num)]);
```

13.3 Resolução de Equações Não-Lineares

13.3.1 Método de Newton-Raphson

Para f(x) = 0, a iteração é $x_{n+1} = x_n - f(x_n)/f'(x_n)$:

```
function [raiz, iter] = newton_raphson(f, df, x0, tol, max_iter)
   iter = 0;
   while abs(f(x0)) > tol && iter < max_iter
        x0 = x0 - f(x0)/df(x0);
        iter = iter + 1;
   end
   raiz = x0;
end

% Exemplo: encontrar raiz de e^x - 2
   f = @(x) exp(x) - 2;
   df = @(x) exp(x);
[raiz, iter] = newton_raphson(f, df, 1, 1e-6, 100);</pre>
```

MATLAB: DO FUNDAMENTAL À INTELIGÊNCIA ARTIFICIAL

FILIPE AZEVEDO

Sobre a obra

Este livro é um guia essencial e abrangente para estudantes, profissionais e entusiastas que pretendem explorar e dominar o MATLAB, uma plataforma poderosa de cálculo numérico, visualização gráfica e desenvolvimento computacional.

Começando pelos fundamentos da linguagem, o leitor é conduzido por uma progressão pedagógica sólida que inclui controlo de fluxo, manipulação de matrizes, gráficos 2D e 3D, scripts e funções, culminando em aplicações avançadas em otimização, inteligência artificial, redes neuronais, deep learning, reinforcement learning e modelação com Simulink.

Com uma abordagem prática e acessível, reforçada por exemplos reais e exercícios progressivos, esta obra oferece uma curva de aprendizagem eficaz, preparando o leitor para enfrentar desafios académicos e profissionais no universo MATLAB.

Sobre o autor

Filipe Azevedo é Professor Adjunto no Instituto Superior de Engenharia do Porto e investigador integrado no INESC TEC – Instituto de Engenharia de Sistemas e Computadores, Tecnologia e Ciência. Licenciado e mestre em Engenharia Eletrotécnica e de Computadores pela Faculdade de Engenharia da Universidade do Porto, obteve o grau de Doutor em Engenharia Eletrotécnica e de Computadores pela Universidade de Trás-os-Montes e Alto Douro. com distincão e louvor.

Iniciou a sua carreira profissional na EFACEC Energia, na área técnico-comercial, antes de se dedicar à docência e investigação no ensino superior. Desde 2000, leciona no ISEP, onde tem vindo a desenvolver trabalho nas áreas dos sistemas de energia, inteligência artificial e engenharia económica.

A sua investigação no INESC TEC incide sobretudo na modelação e otimização de redes elétricas inteligentes, nos mercados de energia elétrica, na integração de fontes renováveis e na aplicação de técnicas de apoio à decisão. Os seus interesses estendem-se ainda à segurança energética, criptografia e cibersegurança, com particular atenção ao impacto destas tecnologias em contextos estratégicos.

Com mais de duas décadas de experiência académica e científica, tem procurado articular a prática pedagógica com uma investigação aplicada, desenvolvendo soluções inovadoras e formando engenheiros com sentido crítico e visão tecnológica.

Também disponível em formato e-book

| ISBN:978-989-917-785-7 | ISBN:978-989-917-785-7 | Proposition | Proposition

